

教

P.73

例題10 一次関数の式を求めるここと(1) 右の直線①, ②は、それぞれ、ある一次関数のグラフである。これらの関数の式を求めなさい。

解 グラフから、傾き a と切片 b を読みとる。

① グラフから、傾きは2、切片は3

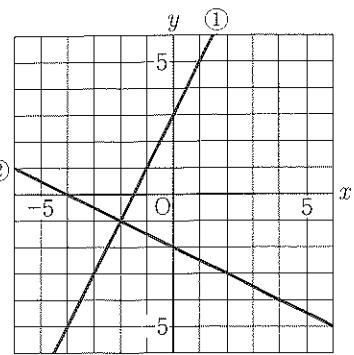
よって、 $y = 2x + 3$

答 $y = 2x + 3$

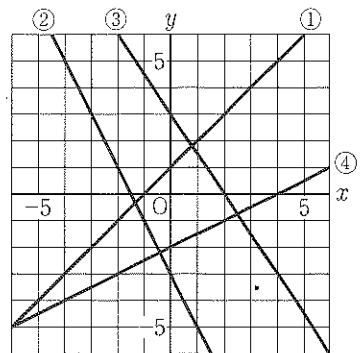
② グラフから、傾きは $-\frac{1}{2}$ 、切片は-2

よって、 $y = -\frac{1}{2}x - 2$

答 $y = -\frac{1}{2}x - 2$



10 右の直線①～④は、それぞれ、ある一次関数のグラフである。これらの関数の式を求めなさい。



① _____

② _____

③ _____

④ _____

教
P.74

例題11 一次関数の式を求めるここと(2) y は x の一次関数で、そのグラフが点(2, -4)を通り、傾き-3の直線であるとき、この一次関数の式を求めなさい。

解 傾きは-3だから、求める一次関数の式を $y = -3x + b$ とする。

この直線は、点(2, -4)を通るから、 $x=2$ のとき、 $y=-4$ で、

$$-4 = -3 \times 2 + b, b=2$$

よって、求める一次関数の式は、 $y = -3x + 2$

答 $y = -3x + 2$

11 グラフが次のようになる一次関数の式を求めなさい。

(1) 点(-1, 5)を通り、傾きが-1の直線

(2) 点(2, 3)を通り、傾きが3の直線

(3) 点(-2, 5)を通り、傾きが $-\frac{7}{2}$ の直線

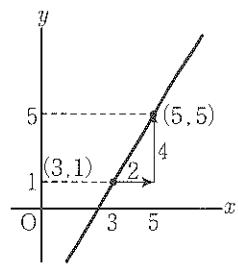
(4) 点(8, -1)を通り、傾きが $\frac{1}{4}$ の直線

例題12 一次関数の式を求めるここと(3) y は x の一次関数で、そのグラフは、2点 $(3, 1)$, $(5, 5)$ を通るという。この一次関数の式を求めなさい。

解 グラフが通る2点の座標から傾きを求める方法

求める一次関数の式を $y = ax + b$ とする。このグラフは、2点 $(3, 1)$, $(5, 5)$ を通るから、傾き a は、 $a = \frac{5-1}{5-3} = \frac{4}{2} = 2$ よって、 $y = 2x + b$

グラフは、点 $(3, 1)$ を通るから、 $1 = 2 \times 3 + b$ $b = -5$
したがって、求める一次関数の式は、 $y = 2x - 5$



答 $y = 2x - 5$

12 グラフが次のようになる一次関数の式を、2点から傾きを求める方法で求めなさい。

□(1) 2点 $(3, 2)$, $(7, -6)$ を通る直線

□(2) 2点 $(4, 3)$, $(-2, -3)$ を通る直線

□(3) 2点 $(2, 1)$, $(8, 10)$ を通る直線

□(4) 2点 $(-9, 6)$, $(-3, 4)$ を通る直線

例題13 一次関数の式を求めるここと(4) $x=4$ のとき $y=5$, $x=12$ のとき $y=11$ となる一次関数の式を求めなさい。

解 求める一次関数の式を $y = ax + b$ とおく。

$$x=4 \text{ のとき } y=5 \text{ だから, } 5=4a+b \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$x=12 \text{ のとき } y=11 \text{ だから, } 11=12a+b \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{ を連立方程式として解いて, } (a, b) = \left(\frac{3}{4}, 2 \right)$$

$$\text{よって, 求める一次関数の式は, } y = \frac{3}{4}x + 2$$

答 $y = \frac{3}{4}x + 2$

13 次の一次関数の式を、連立方程式を利用する方法で求めなさい。

□(1) $x=2$ のとき $y=5$, $x=5$ のとき $y=17$

□(2) $x=-3$ のとき $y=1$, $x=3$ のとき $y=-3$

□(3) 2点 $(-1, 1)$, $(3, -2)$ を通る